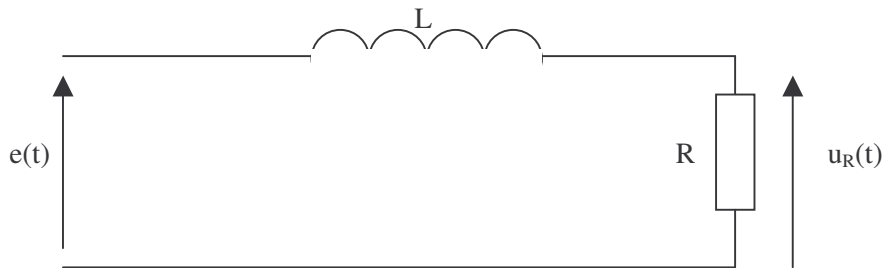


## T.P. numéro 13 : mesures de $t_m$ et $tr_{5\%}$ pour différents circuits (1<sup>er</sup> et 2<sup>nd</sup> ordre).

**Buts du TP :** le but du TP est de calculer (quand cela est possible) et surtout de mesurer le temps de montée et le temps de réponse à 5% de différents montages (premier et second ordre).

### I – CIRCUIT RL.

On considère le circuit suivant où :  $R = 1 \text{ k}\Omega$ ,  $L = 1 \text{ H}$  et  $e(t)$  est un générateur de tension carrée [0-2 V] de fréquence  $f = 100 \text{ Hz}$  :



Montrer que la tension  $u_R(t)$  aux bornes de R satisfait à l'équation différentielle du premier ordre :

$$\tau \cdot \frac{du_R}{dt} + u_R = e(t)$$

Que vaut la constante de temps  $\tau$  de ce montage (on l'exprimera littéralement, puis on la calculera numériquement)

On suppose que, à  $t = 0$ ,  $e(t)$  passe de la valeur 0 à la valeur 5 V :

- 1) écrire l'équation différentielle obtenue.
- 2) donner la solution de cette équation en supposant que  $u_R$  était nul juste avant  $t = 0$ .
- 3) rappeler la définition du temps de montée  $t_m$  et du temps de réponse à 5%  $tr_{5\%}$ .

Exprimer ces deux grandeurs en fonction de  $\tau$ .

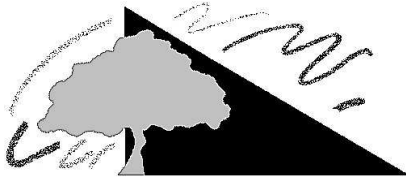
On prend comme nouvel instant  $t = 0$  le moment où  $e(t)$  passe de 5 V à 0 V.

- 1) écrire la nouvelle équation différentielle.
- 2) donner la solution de cette équation en supposant que  $u_R$  valait 5 V juste avant  $t = 0$ .

Calculer la valeur théorique de  $\tau$ ,  $t_m$  et  $tr_{5\%}$ .

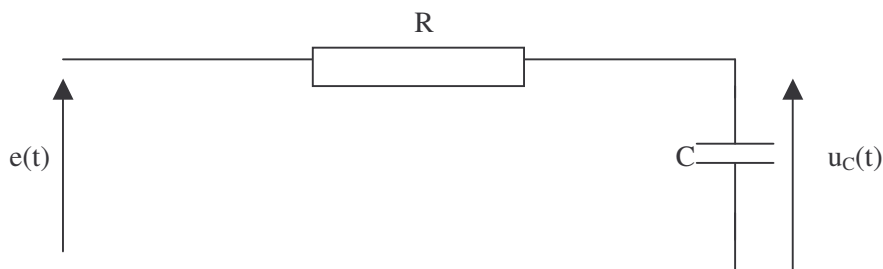
Mesurer les grandeurs caractéristiques du montage :  $\tau$ ,  $t_m$  et  $tr_{5\%}$ , en effectuant un tirage de la courbe de façon à ce qu'elle soit la plus grande possible.

**Comparer...**



## II – CIRCUIT RC.

On considère le circuit suivant où :  $R = 1 \text{ k}\Omega$ ,  $C = 100 \text{ nF}$  et  $e(t)$  est un générateur de tension carrée (sortie TTL du GBF) de fréquence  $f = 1 \text{ kHz}$  :



Montrer que la tension  $u_C(t)$  aux bornes de  $C$  satisfait à l'équation différentielle du premier ordre :

$$\tau \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C = e(t)$$

Que vaut la constante de temps  $\tau$  de ce montage .

On suppose que, à  $t = 0$ ,  $e(t)$  passe de la valeur 0 à la valeur 5 V :

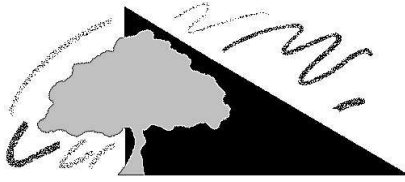
- 1) écrire l'équation différentielle obtenue.
- 2) donner la solution de cette équation en supposant que  $u_C$  était nul juste avant  $t = 0$ .
- 3) Calculer  $t_m$  et  $t_{r5\%}$  pour ce nouveau montage.

On prend comme nouvel instant  $t = 0$  le moment où  $e(t)$  passe de 5 V à 0 V.

- 1) écrire la nouvelle équation différentielle.
- 2) donner la solution de cette équation en supposant que  $u_C$  valait 5 V juste avant  $t = 0$ .

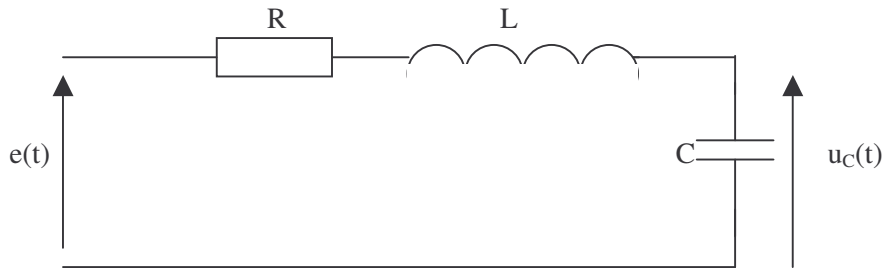
Mesurer les grandeurs caractéristiques du montage :  $\tau$ ,  $t_m$  et  $tr_{5\%}$ .

Comparer aux valeurs théoriques calculées en cours.



### III – CIRCUIT RLC.

On considère le circuit suivant où :  $R = 10 \text{ k}\Omega$ ,  $C = 100 \text{ nF}$  et  $L = 1 \text{ H}$ .  
 $e(t)$  est un générateur de tension carrée [0-2 V] de fréquence  $f = 100 \text{ Hz}$  :



Montrer que la tension  $u_C(t)$  aux bornes de C satisfait à l'équation différentielle du second ordre :

$$\frac{d^2 u_C}{dt^2} + 2.m.\omega_0 \frac{du_C}{dt} + \omega_0^2 .u_C = \omega_0^2 .e(t)$$

Exprimer  $\omega_0$  et  $m$  en fonction de  $R$ ,  $L$  et  $C$ .  
Calculer  $\omega_0$  et  $m$ .

Mesurer pour ce circuit le temps de montée  $t_m$  et le temps de réponse à 5% du circuit.  
Peut-on les calculer à l'aide des formules utilisées aux paragraphes I et II ?

Remplacer  $R$  par une résistance de  $R = 1 \text{ k}\Omega$ .  
Calculer le nouveau  $m$  et mesurer les nouvelles grandeurs  $t_m$  et  $t_{r5\%}$ .  
La forme du signal  $u_C$  a-t-elle changé ?