

**Colle 1 :**

**1) mécanique : oscillations d'un ressort.**

A. On considère un ressort, à spires non jointives dont une extrémité est liée à un point fixe auquel il est librement suspendu (fig.1.a).

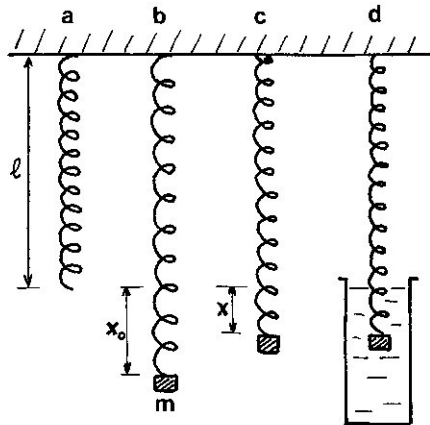


FIG. 1

Sa masse est considérée comme négligeable et sa longueur "à vide" est  $\ell$ . Quand on accroche à son extrémité libre une masse  $m$ , considérée comme ponctuelle, il s'allonge de  $x_0$  (fig.1.b)

1°. Calculer les coefficient de raideur  $k$  de ce ressort.

A.N.  $x_0 = 10\text{cm}$   $m = 100\text{g}$

2°. A un instant donné  $t_0$  pris comme origine des temps, on applique à  $m$  une impulsion très brève qui lui communique une vitesse initiale verticale descendante de grandeur  $V_0$ .

Etablir l'équation différentielle du mouvement que prend  $m$  à partir de  $t_0$  (fig.1.c). Donner sa solution générale. Calculer numériquement toutes les constantes et caractéristiques du mouvement avec :

$m = 100\text{g}$  ;  $V_0 = 50\text{cm s}^{-1}$ .

3°. On réalise la même expérience mais avec la masse  $m$  plongée dans une huile visqueuse (fig.1.d) qui oppose à son déplacement des forces de frottement proportionnelles à la vitesse, qui amortissent son mouvement.

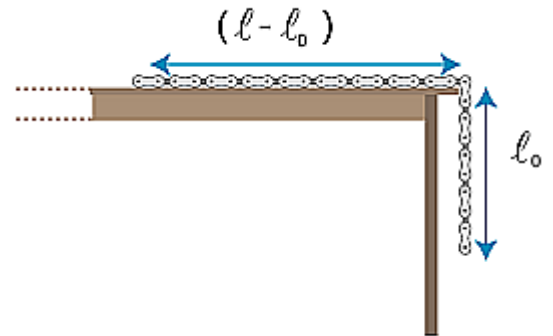
a) Etablir l'équation différentielle du mouvement pris par  $m$ , après qu'elle ait subi à l'instant  $t_0$  une impulsion lui procurant comme précédemment une vitesse initiale descendante de grandeur  $V_0$ .

b) Donner sa solution générale et calculer numériquement les constantes et caractéristiques du mouvement sachant que son étude précise montre qu'il est pseudo-périodique et que deux élongations maximales successives vers le bas de  $m$ , sont dans un rapport  $\frac{10}{9}$  soit  $\frac{a_n}{a_{n+1}} = \frac{10}{9}$  ( $a_n$  et  $a_{n+1} = n^{\text{ème}}$  et  $n+1^{\text{ème}}$  élongations vers le bas) . On prendra toujours  $m = 100\text{g}$ ;  $V_0 = 50\text{cm s}^{-1}$

**Colle 2 :****1) mécanique : énergie mécanique.**

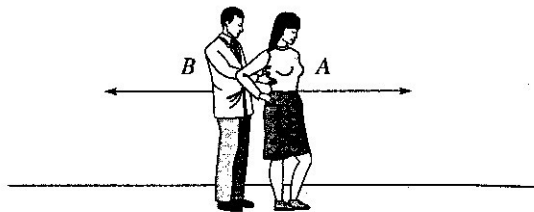
Une chaîne de masse totale  $m$  et de longueur  $L$  peut glisser sans frottements sur une table horizontale.

Elle est maintenue immobile avec une longueur  $L_0 = a$  pendante, puis elle est lâchée sans vitesse initiale à  $t = 0$ . Déterminer l'équation vérifiée par la longueur pendante  $L_0$  et en déduire la durée  $\tau$  pendant laquelle la chaîne reste en contact avec la table.

**2) Mécanique : théorème de l'énergie cinétique :****Jeux de glace**

Une femme  $A$  ( $m_A = 55$  kg) et un homme  $B$  ( $m_B = 75$  kg) se tiennent côte à côte et immobiles sur un lac gelé (négliger les frottements).

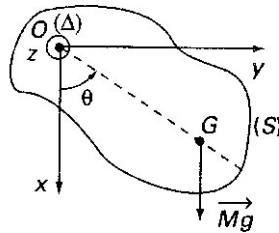
$B$  repousse  $A$  en appliquant une force constante  $F = 150$  N. Sachant que son bras a une longueur  $l = 70$  cm, déterminer leurs vitesses.



**Colle 3 :****1) mécanique : solide mobile autour d'un axe fixe.**

On considère le solide (S) de masse M qui peut tourner autour d'un axe fixe Oz. On repère la position du solide par l'angle que fait l'axe descendant Ox avec la droite OG (G : centre d'inertie du système) telle que  $OG = a$ .

On appelle  $J_{\Delta}$  le moment d'inertie du solide par rapport à l'axe  $\Delta$ .



Faire la liste des forces extérieures agissant sur (S).

Par application du théorème du moment cinétique /  $\Delta$ , démontrer que le mouvement est régi par l'équation :  $\ddot{\theta} = -\omega_0^2 \cdot \sin(\theta)$  où  $\omega_0$  dépend des paramètres du système.

A partir de cette équation, écrire l'intégrale première du mouvement :

$$\dot{\theta}^2 = \dot{\theta}_0^2 + 2 \cdot \omega_0^2 \cdot (\cos(\theta) - \cos(\theta_0))$$

Dans le cas de très faibles oscillations, montrer que le mouvement est oscillatoire périodique et donner la période des oscillations.

Si on ne peut pas affirmer qu'on a de très petites oscillations, montrer que la variable  $\dot{\theta}$  peut s'annuler pour deux valeurs de  $\theta$  distinctes et décrire le mouvement dans ce cas.

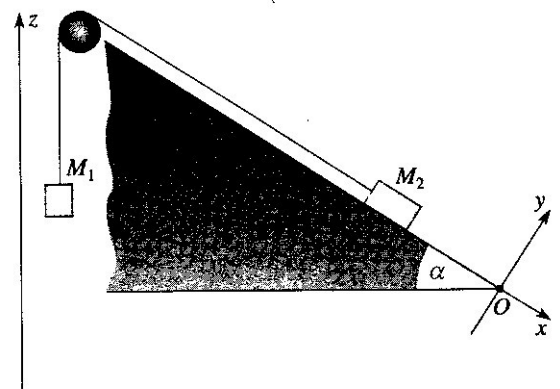
**2) mécanique : système en rotation autour d'une poulie.**

Deux objets de masse  $m_1$  et  $m_2$  sont représentés par les points matériels  $M_1$  et  $M_2$ .

$M_2$  glisse sans frottements sur le plan incliné.

Les deux masses sont liées par un fil idéal qui passe dans la gorge d'une poulie idéale.

- Décrire les forces appliquées à  $M_1$  et  $M_2$  (on appellera T la tension du fil).
- Montrer que la puissance totalr des forces non-conservatives est nulle.
- Déterminer la relation entre  $\dot{x}_2$  et  $\dot{z}_1$ .
- En écrivant que l'énergie mécanique est constante,

**Doc. 10.**

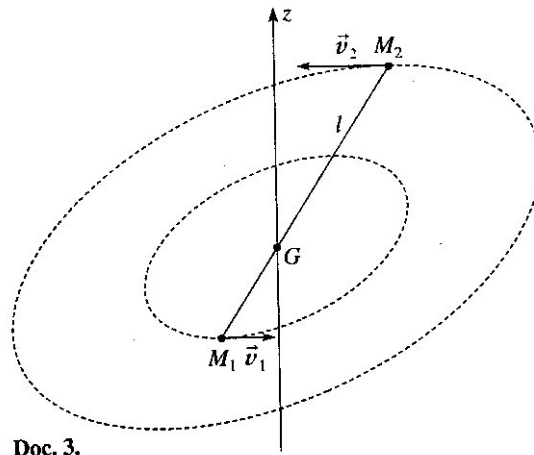
déterminer l'accélération de  $M_2$ .

**Colle 4:****1) mécanique : éléments cinétiques d'un système de deux points.****Système en rotation**

Soit le système de deux points matériels  $M_1$  et  $M_2$ , de masses  $m_1$  et  $m_2$ , reliés par un fil de masse négligeable et de longueur  $l$  constante.

Leur barycentre  $G$  est fixe dans le référentiel d'étude  $\mathcal{R}$ , et ils sont en rotation autour de l'axe  $(Gz)$ , orthogonal à  $M_1M_2$ , à la vitesse angulaire  $\omega$  (doc. 3).

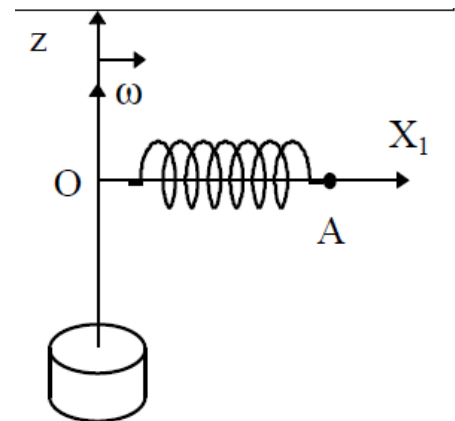
Exprimer le moment cinétique en  $G$  du système.

**2) Mécanique : système en rotation.**

Soit A un point matériel qui peut glisser sans frotter le long d'une tige horizontale  $OX_1$  qui tourne autour d'un axe vertical auquel elle est liée en O; un mouvement de rotation uniforme, de vitesse angulaire constante est assuré par un moteur.

Le ressort OA de masse négligeable est de raideur  $k$  et de longueur à vide  $b$ .

Le référentiel  $\mathcal{R}$  lié au sol est galiléen. Le référentiel lié à la tige est noté  $\mathcal{R}_1$ .



1. Déterminer la longueur  $x_{1e}$  du ressort à l'équilibre et commenter.
2. La masse étant déplacée de sa position d'équilibre et abandonnée sans vitesse initiale par rapport à la tige, calculer la période des oscillations.
3. Donner l'équation horaire du mouvement  $x_1(t)$  suivant  $OX_1$  sachant qu'à  $t = 0$  le point A est abandonné sans vitesse initiale dans  $\mathcal{R}_1$  en  $(x_1)_0 = b + b$ .